

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

Факультет экономики и управления

Кафедра математического анализа

УТВЕРЖДАЮ

И. о. проректора по УР

М. Х. Чанкаев

«29» апреля 2026 г., протокол № 7

Рабочая программа дисциплины

Теория вероятностей и математическая статистика

(наименование дисциплины (модуля))

Направление подготовки

09.03.03 Прикладная информатика

(шифр, название направления)

Направленность (профиль) подготовки

**Прикладная информатика в государственном и
муниципальном управлении**

Квалификация выпускника

бакалавр

Форма обучения

Очная/заочная

Год начала подготовки - **2026**

Карачаевск, 2026

Составитель: *старший преподаватель Лайпанова М.С.*

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с ФГОС по направлению подготовки 09.03.03 Прикладная информатика, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 19 сентября 2017 г. N 922, на основании учебного плана подготовки магистров по направлению 09.03.03 Прикладная информатика, направленность (профиль): «Прикладная информатика в государственном и муниципальном управлении», локальных актов КЧГУ.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры математического анализа на 2025-2026 учебный год, протокол № 8 от 24.04. 2026 г.

Содержание

1. Наименование дисциплины (модуля):.....	4
2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы	4
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.....	4
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся.....	5
5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий.....	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)	6
6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы	10
7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю).....	12
7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций	12
7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания	14
7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины	14
7.3.1. Перечень вопросов для зачета.....	14
7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций	15
7.3.3. Оценочные материалы	15
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)	15
8.1. Основная литература	15
8.2. Дополнительная литература.....	16
9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)	16
9.1. Общесистемные требования	16
9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины	17
9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения	17
9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы ..	17
10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья.....	18
11. Лист изменений в РПД	19

1. Наименование дисциплины (модуля):

Теория вероятностей и математическая статистика

Целью изучения дисциплины является: знакомство студентов с основными понятиями, методами и результатами теории вероятностей и математической статистики. Обучение студентов построению математических моделей случайных явлений, изучаемых экономикой, анализу этих моделей, привитие студентам навыков интерпретации теоретико-вероятностных конструкций внутри математики и за ее пределами, заложить понимание формальных основ дисциплины и выработать у студентов достаточный уровень вероятностной интуиции, позволяющей им осознанно переводить неформальные стохастические задачи в формальные математические задачи теории вероятностей. Формирование представлений о математических методах сбора, систематизации, обработки и интерпретации результатов наблюдений для выявления статистических закономерностей.

Для достижения цели ставятся задачи:

- получить представление о роли теории вероятностей в профессиональной деятельности;
- изучить необходимый понятийный аппарат дисциплины;
- сформировать умения решать типовые задачи основных разделов теории вероятностей и математической статистики, в том числе с использованием прикладных математических пакетов;
- изучение методы количественной оценки случайных событий;
- освоить методы обработки статистической информации;
- получить представление о применении положений теории вероятностей при моделировании экономических процессов

2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» относится к блоку – «Б1. О.».

Дисциплина (модуль) изучается на 1 и 2 курсах

МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПВО	
Индекс	Б1.О.10
Требования к предварительной подготовке обучающегося:	
Учебная дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» является базовой, знакомит студентов с общими представлениями теории вероятностей и математической статистики, опирается на входные знания, полученные в общеобразовательной школе.	
Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:	
Дисциплина (модуль) "Теория вероятностей и математическая статистика" является базовой для успешного освоения дисциплин: "Статистика", "Экономико-математические методы и модели", "Эконометрика". Изучение дисциплины необходимо для успешного освоения дисциплин профессионального цикла и практик, формирующих компетенции ОПК-1, ОПК-6.	

3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося:

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ОПВО	Индикаторы достижения сформированности компетенций
ОПК-1	Способен применять естественнонаучные и инженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	ОПК-1.1. Знает основы математики, физики, вычислительной техники и программирования. ОПК-1.2. Умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и инженерных знаний, методов математического анализа и моделирования. ОПК-1.3. Владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности.
ОПК-6	Способен анализировать и разрабатывать организационно-технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования	ОПК-6.1. Знает основы теории систем и системного анализа, дискретной математики, теории вероятностей и математической статистики, методов оптимизации и исследования операций, нечётких вычислений, математического и имитационного моделирования. ОПК-6.2. Умеет применять методы теории систем и системного анализа, математического, статистического и имитационного моделирования для автоматизации задач принятия решений, анализа информационных потоков, расчёта экономической эффективности и надёжности информационных систем и технологий. ОПК-6.3. Владеет навыками проведения инженерных расчётов основных показателей результативности создания и применения информационных систем и технологий.

4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоёмкость (объём) дисциплины (модуля) составляет 4 ЗЕТ, 144 академических часов.

Объём дисциплины	Всего часов		
	Очная форма обучения	Очно-заочная форма обучения	Заочная форма обучения
Общая трудоёмкость дисциплины	144		144
Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) (всего)			
Аудиторная работа (всего):	72		20

в том числе:			
лекции	36		10
семинары, практические занятия			
практикумы			
лабораторные работы	36		10
Внеаудиторная работа:			
консультация перед экзаменом			
Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, творческую работу (эссе), рефераты, контрольные работы и др.			
Самостоятельная работа обучающихся (всего)	72		116
Контроль самостоятельной работы			8
Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачёт/экзамен)	зачет		зачет

5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий
(в академических часах)**

Очная форма обучения

№ п/п	Курс /семестр	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)			
			Всего	Аудиторные уч. занятия			Сам. работа
			144	Лек.	Лаб.	Контр оль	
		2 семестр					
	1/2	Раздел 1. Теория вероятностей	72	18	18		36
1.		Классификация событий. Различные определения вероятности.	4	1	1		2
2.		Элементы комбинаторики: перемещения, размещения, сочетания.	4	1	1		2
3.		Действия над событиями. Теоремы сложения вероятностей. Следствия теоремы сложения вероятностей.	4	1	1		2
4.		Условная вероятность события. Теоремы умножения вероятностей. Независимые события.	4	1	1		2

5.		Формула полной вероятности. Формула Байеса. Аксиоматическое построение теории вероятностей.	4	1	1		2
6.		Формула Бернулли, формула Пуассона.	4	1	1		2
7.		Локальная и интегральная формула Муавра-Лапласа. Следствия интегральной теоремы Муавра-Лапласа. Полиномиальная схема	4	1	1		2
8.		Понятие случайной величины (СВ). Математические операции над случайными величинами. Дискретные СВ.	4	1	1		2
9.		Числовые характеристики ДСВ: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, мода, медиана.	4	1	1		2
10.		Функция распределения СВ. Биномиальный, геометрический, гипергеометрический законы распределения и их числовые характеристики.	4	1	1		2
11.		Непрерывные СВ. Плотность вероятности.	4	1	1		2
12.		Законы распределения НСВ: равномерный, показательный.	4	1	1		2
13.		Плотность вероятности. Законы распределения НСВ: нормальный. Правило трех сигм. Числовые характеристики.	4	1	1		2
14.		Распределение СВ, представляющих функции нормальных величин	4	1	1		2
15.		Понятие многомерной СВ. Функция распределения и плотность вероятности многомерной СВ.	4	1	1		2
16.		Условные законы распределения. Числовые характеристики двумерной случайной величины. Регрессия.	4	1	1		2
17.		Зависимые и независимые СВ. Ковариация и коэффициент корреляции.	4	1	1		2
18.		Неравенство Маркова. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева, Бернулли. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова	4	1	1		2
		3 семестр					
	2/3	Раздел 2. Элементы математической статистики.	72	18	18		36
19.		Вариационные ряды, графическое изображение	8	2	2		4
20.		Средние величины, показатели вариации. Начальные и центральные моменты вариационного ряда.	8	2	2		4

21.	Понятие оценки параметров. Свойства оценок. Методы нахождения оценок: метод наибольшего правдоподобия, метод моментов, метод наименьших квадратов.	8	2	2		4
22.	Понятие интервального оценивания. Доверительная вероятность и предельная ошибка выборки.	8	2	2		4
23.	Принцип практической уверенности. Статистическая гипотеза и общая схема ее проверки. Критическая область.	8	2	2		4
24.	Проверка гипотез о равенстве средних, дисперсий.	8	2	2		4
25.	Проверка гипотез о числовых значениях параметров, о законе распределения.	8	2	2		4
26.	Дисперсионный, корреляционный, регрессионный анализы. Линейная парная регрессия.	8	2	2		4
27.	Ранговая корреляция. Нелинейная регрессия.	8	2	2		4
ИТОГО:		144	36	36		72

Заочная форма обучения

№ п/п	Раздел, тема дисциплины	Общая трудо- емкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоёмкость (в часах)			
		Всего	Аудиторные уч. занятия			Сам. работа
		144	Лек.	Лаб.	Контр оль	
	<i>Раздел 1. Теория вероятностей</i>					
1.	Классификация событий. Различные определения вероятности.	6	2			4
2.	Элементы комбинаторики: перемещения, размещения, сочетания.	6		2		4
3.	Действия над событиями. Теоремы сложения вероятностей. Следствия теоремы сложения вероятностей.	4				4
4.	Условная вероятность события. Теоремы умножения вероятностей. Независимые события.	6		2		4

5.	Формула полной вероятности. Формула Байеса. Аксиоматическое построение теории вероятностей.	6	2			4
6.	Формула Бернулли, формула Пуассона.	4				4
7.	Локальная и интегральная формула Муавра-Лапласа. Следствия интегральной теоремы Муавра-Лапласа. Полиномиальная схема	4				4
8.	Понятие случайной величины (СВ). Математические операции над случайными величинами. Дискретные СВ.	4				4
9.	Числовые характеристики ДСВ: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, мода, медиана.	4				4
10.	Функция распределения СВ. Биномиальный, геометрический, гипергеометрический законы распределения и их числовые характеристики.	4				4
11.	Непрерывные СВ. Плотность вероятности.	4				4
12.	Законы распределения НСВ: равномерный, показательный.	4				4
13.	Плотность вероятности. Законы распределения НСВ: нормальный. Правило трех сигм. Числовые характеристики.	4				4
14.	Распределение СВ, представляющих функции нормальных величин	4				4
15.	Понятие многомерной СВ. Функция распределения и плотность вероятности многомерной СВ.	4				4
16.	Условные законы распределения. Числовые характеристики двумерной случайной величины. Регрессия.	6		2		4
17.	Зависимые и независимые СВ. Ковариация и коэффициент корреляции.	6	2			4
18.	Неравенство Маркова. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева, Бернулли. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова	4				4
	Раздел 2. Элементы математической статистики.					
19.	Вариационные ряды, графическое изображение	4				4
20.	Средние величины, показатели вариации. Начальные и центральные моменты вариационного ряда.	6	2			4
21.	Понятие оценки параметров. Свойства оценок. Методы нахождения оценок: метод	6		2		4

	наибольшего правдоподобия, метод моментов, метод наименьших квадратов.					
22.	Понятие интервального оценивания. Доверительная вероятность и предельная ошибка выборки.	4				4
23.	Принцип практической уверенности. Статистическая гипотеза и общая схема ее проверки. Критическая область.	4				4
24.	Проверка гипотез о равенстве средних, дисперсий.	4				4
25.	Проверка гипотез о числовых значениях параметров, о законе распределения.	6	2			4
26.	Дисперсионный, корреляционный, регрессионный анализы. Линейная парная регрессия.	6		2		4
27.	Ранговая корреляция. Нелинейная регрессия.	4				4
	контроль	8				
	ИТОГО:	144	10	10		116

6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы

Лекционные занятия. Лекция является основной формой учебной работы в вузе, она является наиболее важным средством теоретической подготовки обучающихся. На лекциях рекомендуется деятельность обучающегося в форме активного слушания, т.е. предполагается возможность задавать вопросы на уточнение понимания темы и рекомендуется конспектирование основных положений лекции. Основная дидактическая цель лекции - обеспечение ориентировочной основы для дальнейшего усвоения учебного материала. Лекторами активно используются: лекция-диалог, лекция - визуализация, лекция - презентация. Лекция - беседа, или «диалог с аудиторией», представляет собой непосредственный контакт преподавателя с аудиторией. Ее преимущество состоит в том, что она позволяет привлекать внимание слушателей к наиболее важным вопросам темы, определять содержание и темп изложения учебного материала с учетом особенностей аудитории. Участие обучающихся в лекции – беседе обеспечивается вопросами к аудитории, которые могут быть как элементарными, так и проблемными.

Главной задачей каждой лекции является раскрытие сущности темы и анализ ее основных положений. Рекомендуется на первой лекции довести до внимания студентов структуру дисциплины и его разделы, а в дальнейшем указывать начало каждого раздела (модуля), суть и его задачи, а, закончив изложение, подводить итог по этому разделу, чтобы связать его со следующим. Содержание лекций определяется настоящей рабочей программой дисциплины. Для эффективного проведения лекционного занятия рекомендуется соблюдать последовательность ее основных этапов:

1. формулировку темы лекции;

2. указание основных изучаемых разделов или вопросов и предполагаемых затрат времени на их изложение;
3. изложение вводной части;
4. изложение основной части лекции;
5. краткие выводы по каждому из вопросов;
6. заключение;
7. рекомендации литературных источников по излагаемым вопросам.

Лабораторные работы и практические занятия. Дисциплины, по которым планируются лабораторные работы и практические занятия, определяются учебными планами. Лабораторные работы и практические занятия относятся к основным видам учебных занятий и составляют важную часть теоретической и профессиональной практической подготовки. Выполнение студентом лабораторных работ и практических занятий направлено на:

- обобщение, систематизацию, углубление, закрепление полученных теоретических знаний по конкретным темам дисциплин математического и общего естественно-научного, общепрофессионального и профессионального циклов;
- формирование умений применять полученные знания на практике, реализацию единства интеллектуальной и практической деятельности;
- развитие интеллектуальных умений у будущих специалистов: аналитических, проектировочных, конструктивных и др.;
- выработку при решении поставленных задач таких профессионально значимых качеств, как самостоятельность, ответственность, точность, творческая инициатива. Методические рекомендации разработаны с целью единого подхода к организации и проведению лабораторных и практических занятий.

Лабораторная работа — это форма организации учебного процесса, когда студенты по заданию и под руководством преподавателя самостоятельно проводят опыты, измерения, элементарные исследования на основе специально разработанных заданий. Лабораторная работа как вид учебного занятия должна проводиться в специально оборудованных учебных аудиториях. Необходимыми структурными элементами лабораторной работы, помимо самостоятельной деятельности студентов, являются инструктаж, проводимый преподавателем, а также организация обсуждения итогов выполнения лабораторной работы. Дидактические цели лабораторных занятий:

- формирование умений решать практические задачи путем постановки опыта;
- экспериментальное подтверждение изученных теоретических положений, экспериментальная проверка формул, расчетов;
- наблюдение и изучения явлений и процессов, поиск закономерностей;
- изучение устройства и работы приборов, аппаратов, другого оборудования, их испытание;
- экспериментальная проверка расчетов, формул.

Образовательные технологии. При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения. Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач, публичная презентация проекта и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций

Компетенции	зачтено			незачтено
	Высокий уровень (отлично) (86-100% баллов)	Средний уровень (хорошо) (71-85% баллов)	Низкий уровень (удовлетворительн о) (56-70% баллов)	Ниже порогового уровня (неудовлетворител ьно) (до 55 % баллов)
ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	ОПК-1.1. В полном объеме знает основы математики, физики, вычислительной техники и программирования. ОПК-1.2. В полном объеме умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общетехнических знаний, методов математического анализа и моделирования. ОПК-1.3. В полном объеме владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной	ОПК-1.1. Знает основы математики, физики, вычислительной техники и программирования. ОПК-1.2. Умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общетехнических знаний, методов математического анализа и моделирования. ОПК-1.3. Владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности.	ОПК-1.1. В целом знает основы математики, физики, вычислительной техники и программирования. ОПК-1.2. В целом умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общетехнических знаний, методов математического анализа и моделирования. ОПК-1.3. В целом владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности.	ОПК-1.1. Не знает основы математики, физики, вычислительной техники и программирования. ОПК-1.2. Не умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общетехнических знаний, методов математического анализа и моделирования. ОПК-1.3. Не владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности.

	деятельности.			
ОПК-6 Способен анализировать и разрабатывать организационно-технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования	ОПК-6.1. В полном объеме знает основы теории систем и системного анализа, дискретной математики, теории вероятностей и математической статистики, методов оптимизации и исследования операций, нечётких вычислений, математического и имитационного моделирования. ОПК-6.2. В полном объеме умеет применять методы теории систем и системного анализа, математического, статистического и имитационного моделирования для автоматизации задач принятия решений, анализа информационных потоков, расчёта экономической эффективности и надёжности информационных систем и технологий. ОПК-6.3. В	ОПК-6.1. Знает основы теории систем и системного анализа, дискретной математики, теории вероятностей и математической статистики, методов оптимизации и исследования операций, нечётких вычислений, математического и имитационного моделирования. ОПК-6.2. Умеет применять методы теории систем и системного анализа, математического, статистического и имитационного моделирования для автоматизации задач принятия решений, анализа информационных потоков, расчёта экономической эффективности и надёжности информационных систем и технологий. ОПК-6.3. Владеет навыками проведения инженерных расчётов основных показателей результативности создания и	ОПК-6.1. В целом знает основы теории систем и системного анализа, дискретной математики, теории вероятностей и математической статистики, методов оптимизации и исследования операций, нечётких вычислений, математического и имитационного моделирования. ОПК-6.2. В целом умеет применять методы теории систем и системного анализа, математического, статистического и имитационного моделирования для автоматизации задач принятия решений, анализа информационных потоков, расчёта экономической эффективности и надёжности информационных систем и технологий. ОПК-6.3. В целом владеет навыками проведения инженерных расчётов основных показателей результативности создания и	ОПК-6.1. Не знает основы теории систем и системного анализа, дискретной математики, теории вероятностей и математической статистики, методов оптимизации и исследования операций, нечётких вычислений, математического и имитационного моделирования. ОПК-6.2. Не умеет применять методы теории систем и системного анализа, математического, статистического и имитационного моделирования для автоматизации задач принятия решений, анализа информационных потоков, расчёта экономической эффективности и надёжности информационных систем и технологий. ОПК-6.3. Не владеет навыками проведения инженерных расчётов основных показателей результативности создания и

	полном объеме владеет навыками проведения инженерных расчётов основных показателей результативности и создания и применения информационных систем и технологий.	применения информационных систем и технологий.	применения информационных систем и технологий.	применения информационных систем и технологий.
--	---	--	--	--

7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания

Порядок функционирования внутренней системы оценки качества подготовки обучающихся и перевод балльно-рейтинговых показателей обучающихся в отметки традиционной системы оценивания проводится в соответствии с положением КЧГУ «Положение о балльно-рейтинговой системе оценки знаний обучающихся», размещенным на сайте Университета по адресу: <https://kchgu.ru/inye-lokalnye-akty/>

7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины

7.3.1. Перечень вопросов для зачета

2 семестр

1. Классификация событий. Различные определения вероятности.
2. Элементы комбинаторики: перемещения, размещения, сочетания.
3. Действия над событиями. Теоремы сложения вероятностей. Следствия теоремы сложения вероятностей.
4. Условная вероятность события. Теоремы умножения вероятностей. Независимые события.
5. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Аксиоматическое построение теории вероятностей.
6. Формула Бернулли, формула Пуассона.
7. Локальная и интегральная формула Муавра-Лапласа. Следствия интегральной теоремы Муавра-Лапласа. Полиномиальная схема
8. Понятие случайной величины (СВ). Математические операции над случайными величинами. Дискретные СВ.
9. Числовые характеристики ДСВ: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, мода, медиана.
10. Функция распределения СВ. Биномиальный, геометрический, гипергеометрический законы распределения и их числовые характеристики.
11. Непрерывные СВ. Плотность вероятности.
12. Законы распределения НСВ: равномерный, показательный.

13. Плотность вероятности. Законы распределения НСВ: нормальный. Правило трех сигм. Числовые характеристики.
14. Распределение СВ, представляющих функции нормальных величин
15. Понятие многомерной СВ. Функция распределения и плотность вероятности многомерной СВ.
16. Условные законы распределения. Числовые характеристики двумерной случайной величины. Регрессия.
17. Зависимые и независимые СВ. Ковариация и коэффициент корреляции.
18. Неравенство Маркова. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева, Бернулли.
19. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова

3 семестр

1. Вариационные ряды, графическое изображение
2. Средние величины, показатели вариации.
3. Начальные и центральные моменты вариационного ряда.
4. Понятие оценки параметров. Свойства оценок.
5. Методы нахождения оценок: метод наибольшего правдоподобия, метод моментов, метод наименьших квадратов.
6. Понятие интервального оценивания. Доверительная вероятность и предельная ошибка выборки.
7. Принцип практической уверенности. Статистическая гипотеза и общая схема ее проверки. Критическая область.
8. Проверка гипотез о равенстве средних, дисперсий.
9. Проверка гипотез о числовых значениях параметров, о законе распределения.
10. Дисперсионный, корреляционный, регрессионный анализы
11. . Линейная парная регрессия.
12. Ранговая корреляция. Нелинейная регрессия.

7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций

7.3.3. Оценочные материалы

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

8.1. Основная литература

1. Гулай, Т.А. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учебное пособие / Т.А. Гулай, А.Ф. Долгополова, Д.Б. Литвин, С.В. Мелешко. - 2-е изд., доп. - Ставрополь: АГРУС, 2013. - 260 с. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/514780>
2. Коган, Е. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / Е. А. Коган, А. А. Юрченко. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 250 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). — DOI 10.12737/textbook_5cde54d3671a96.35212605. -

ISBN 978-5-16-014235-7. - Текст : электронный. - URL:

<https://znanium.com/catalog/product/1920312>

3. Высшая математика для экономистов: сборник задач : учебное пособие / Г. И. Бобрик, Р. К. Гринцевичюс, В. И. Матвеев [и др.]. — 3-е изд., испр. — Москва : ИНФРА-М, 2022. — 539 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-010074-6. - Текст : электронный. - URL:
<https://znanium.ru/catalog/product/1852242>

8.2. Дополнительная литература

1. Сапожников, П. Н. Теория вероятностей, математическая статистика в примерах, задачах и тестах: учебное пособие / П.Н. Сапожников, А.А. Макаров, М.В. Радионова. — Москва : КУРС: ИНФРА-М, 2022. — 496 с. - ISBN 978-5-906818-47-8. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1036516>
2. Общий курс высшей математики для экономистов : учебник / под общ. ред. В.И. Ермакова. — Москва : ИНФРА-М, 2010. — 656 с. — (Высшее образование). - ISBN 978-5-16-003986-2. - Текст : электронный. - URL:
<https://znanium.com/catalog/product/210735>

9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)

9.1. Общесистемные требования

Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронной информационно-образовательной среде (ЭИОС) Университета из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», как на территории Университета, так и вне ее.

Функционирование ЭИОС обеспечивается соответствующими средствами информационно-коммуникационных технологий и квалификацией работников, ее использующих и поддерживающих. Функционирование ЭИОС соответствует законодательству Российской Федерации.

Адрес официального сайта университета: <http://kchgu.ru>.

Адрес размещения ЭИОС ФГБОУ ВО «КЧГУ»: <https://do.kchgu.ru>.

Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)

Учебный год	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
2026-2027 учебный год	Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 332 эбс от 02.06.2026 г. Электронный адрес: https://znanium.com	от 12.05.2026г. до 11.05.2027г.
2026-2027 учебный год	Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № 10 от 11.02.2025 г. Электронный адрес: https://e.lanbook.com	от 11.02.2025г. до 11.02.2026г.
2026-2027 учебный год	Электронно-библиотечная система КЧГУ. Положение об ЭБ утверждено Ученым советом	Бессрочный

	от 30.09.2015г. Протокол № 1. Электронный адрес: http://lib.kchgu.ru	
2026-2027 учебный год	Национальная электронная библиотека (НЭБ). Договор №101/НЭБ/1391-п от 22. 02. 2023 г. Электронный адрес: http://rusneb.ru	Бессрочный
2026-2027 учебный год	Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU». Лицензионное соглашение №15646 от 21.10.2016 г. Электронный адрес: http://elibrary.ru	Бессрочный
2026-2027 учебный год	Электронный ресурс Polpred.comОбзор СМИ. Соглашение. Бесплатно. Электронный адрес: http://polpred.com	Бессрочный

9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины

Занятия проводятся в учебных аудиториях, предназначенных для проведения занятий лекционного и практического типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации в соответствии с расписанием занятий по образовательной программе. С описанием оснащённости аудиторий можно ознакомиться на сайте университета, в разделе материально-технического обеспечения и оснащённости образовательного процесса по адресу: <https://kchgu.ru/sveden/objects/>

9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения

- Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY FineReader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- Calculate Linux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Kaspersky Endpoint Security. Договор №0379400000325000001/1 от 28.02.2025г. Срок действия лицензии с 27.02.2025г. по 07.03.2027г.

9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. Федеральный портал «Российское образование»- <https://edu.ru/documents/>
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
3. Базы данных Scopus издательства Elsevir <http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.
4. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования - <http://fgosvo.ru>.
5. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
6. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.
7. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window.edu.ru>.

10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья

В ФГБОУ ВО «Карачаево-Черкесский государственный университет имени У.Д. Алиева» созданы условия для получения высшего образования по образовательным программам обучающихся с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ).

Специальные условия для получения образования по ОПВО обучающимися с ограниченными возможностями здоровья определены «Положением об обучении лиц с ОВЗ в КЧГУ», размещенным на сайте Университета по адресу: <http://kchgu.ru>.

11. Лист изменений в РПД

Изменение	Дата и номер протокола ученого совета факультета/ института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений в ОПВО	Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения в ОПВО
Обновлен договор №332 эбс ООО «Знаниум» от 02.06.2026г. Действует с 02.06.2026г. до 11.06.2027г.		03.06.2026г., протокол № 8